

## Probeklausur (Einführung in die Semantik)

- (d) Gib die typtheoretischen Übersetzungen des Satzes mit den Übersetzungen aus (c) an und vereinfache durch  $\lambda$ -Konversion so weit wie möglich!  
 Hinweis: Man kann zunächst den Gesamtausdruck hinschreiben und dann reduzieren, oder Teilausdrücke nach und nach zusammenfügen und sofort vereinfachen.

### Aufgabe 1:

Betrachte die folgenden L<sub>PT</sub>-Formeln:

- (i)  $\mathbf{F}\mathbf{H}\forall x(F(x) \rightarrow G(x))$
- (ii)  $\mathbf{P}\neg\mathbf{F}\exists x(F(x) \wedge G(x))$
- (iii)  $\forall x(F(x) \vee G(x))$

- (a) Berechne den semantischen Wert der drei Formeln relativ zu einer Modellstruktur M, einem Zeitpunkt t und einer Belegung h.

- (b) Zeige, dass die Formelmenge  $\Gamma = \{(i), (ii), (iii)\}$  semantisch konsistent (simultan erfüllbar) ist.

### Aufgabe 2:

Gegeben sind die folgenden L<sub>PT</sub>-Formeln.

- (i)  $\mathbf{F}\mathbf{G}(p \wedge \neg p)$
- (ii)  $\mathbf{F}(\mathbf{G}p \wedge \mathbf{G}\neg p)$

Beschreibe für jede der Formeln, welche Eigenschaften die Modellstruktur haben muss, um die Formel (relativ zu einem gegebenen Zeitpunkt t) wahr zu machen.

### Aufgabe 5:

Der Satz

### Aufgabe 3:

Gegeben ist der folgende Satz:

*Jede kollektive Seminararbeit ist inakzeptabel.*

- (a) Gib eine Übersetzung des Satzes in die Prädikatenlogik 1. Stufe an, mit **kollektiv**, **Seminararbeit** und **inakzeptabel** als einstellige Prädikatausdrücken (Prädikate können abgekürzt werden).

- (b) Übersetze den Satz in eine Formel der (extensionalen) Typtheorie, mit **jede**, **kollektiv**, **Seminararbeit** und **inakzeptabel** als nichtlogischen Konstanten geeigneten Typs. Gib die syntaktische Typanalyse ("Typenbaum") der resultierenden Formel an.

- (c) Gib für die folgenden Ausdrücke komplexe Lexikoneinträge an (Ausdruck der extensionalen Typtheorie, ggf. mit zusätzlichen Operatoren):

- **jede**
- **kollektiv** (etwas, zu dem mehr als eine Person einen Beitrag geleistet hat; mit **beitragen-zu**)
- **Seminararbeit** (eine Arbeit, die Teil eines Seminars ist; mit **Arbeit**, **Teil-von** und **Seminar**)
- **inakzeptabel** (mit **akzeptieren** und geeigneten Modaloperator)

### Aufgabe 4:

Im folgenden werden an Symbolen verwendet:

$$\begin{array}{lll} a \in \text{Con}_e & F \in \text{Con}_{\langle e, \triangleright} \\ Q \in \text{Con}_{\langle \langle e, \triangleright, \triangleright \rangle} & S \in \text{Con}_{\langle \langle e, \triangleright, \langle e, \triangleright \rangle \rangle} \\ x \in \text{Var}_e & G \in \text{Var}_{\langle e, \triangleright} \end{array}$$

- (a) Stelle fest, welche der obigen Ausdrücke wohlgeformte Ausdrücke von L<sub>MT</sub> sind, und bestimme den Typ der wohlgeformten Ausdrücke (Typenbaum angeben).

- (b) Reduziere die Ausdrücke so weit wie möglich; begründe ggf., warum keine komplette Reduktion möglich ist.

- (i)  $\lambda x[F(x)](Q)$
- (ii)  $Q(\lambda x[F(x)])$
- (iii)  $\lambda x[\Diamond F(x)](a)$
- (iv)  $\lambda G[S(\lambda x[F(x)])(a) \vee Q(G)](F)$

### Aufgabe 6:

Sometimes every student works

kann im Montague-Fragment der Vorlesung auf zwei verschiedene Weisen syntaktisch analysiert werden. Den beiden syntaktischen Analysen entsprechen zwei Lesarten des Satzes.

- (a) Gib die beiden syntaktischen Analysen des Satzes an (*every*, *student*, *work* sind wie im Fragment kategorisiert; Kategorie von *sometimes*?)
- (b) Berechne die Übersetzungen der beiden Analysevarianten, und reduziere im Lauf der Übersetzung so weit wie möglich. Verwende dabei die folgenden typtheoretischen Übersetzungen der lexikalischen Ausdrücke:

*student*  $\Rightarrow$  *student'*

*work*  $\Rightarrow$  *work'*

*every*  $\Rightarrow \lambda F\lambda G[\forall x(\neg F(x) \rightarrow \neg G(x))]$

*sometimes*  $\Rightarrow \lambda p[\mathbf{P}'p \vee \mathbf{F}'p \vee \mathbf{v}'p]$